



## Kot dziesiętny

```
#układ_dziesiętny
#schemat_Hornera
```

Do kompletu brakuje nam jeszcze zamiany liczby z postaci dwójkowej na postać dziesiętną, napiszemy zatem funkcję `decimal()` (wymawiaj: *desimal* z akcentem na *e* i twardym *s*). Tym razem argument funkcji (*s*) będzie typu `string`, natomiast jej rezultat – typu `int`:

```
int decimal(string s)
```

W poprzednim rozdziale poznaliśmy dwójkowy układ pozycyjny i zobaczyliśmy, jak oblicza się wartość dziesiętną liczby – po prostu sumuje się odpowiednie potęgi liczby 2. Warto jednak nauczyć się czegoś nowego, co możemy wykorzystać w innych, bardziej wymagających sytuacjach. Chodzi o schemat Hornera efektywnego obliczania wartości wielomianu.\*

Niech będzie dany wielomian stopnia *n* postaci:

$$W(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_1 x + a_0.$$

Możemy go przedstawić w innej, równoważnej formie:

$$W(x) = (\dots ((a_n x + a_{n-1}) x + a_{n-2}) x + \dots + a_1) x + a_0$$

Obliczanie wartości  $W(x)$  dla danej wartości argumentu  $x$  należy rozpocząć od najbardziej wewnętrznego nawiasu: bierzemy  $a_n$ , mnożymy przez  $x$ , dodajemy  $a_{n-1}$ , mnożymy całość przez  $x$ , dodajemy  $a_{n-2}$ , mnożymy przez  $x$  i tak dalej.

W przypadku liczby dwójkowej w roli zmiennej  $x$  wystąpi podstawa układu pozycyjnego, czyli liczba 2, zaś kolejne cyfry liczby dwójkowej ( $s$ ) to współczynniki wielomianu:  $a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0$ . Drobny problem stanowi fakt, że cyfry mamy w postaci znakowej, ale jak już wspominaliśmy w poprzednim podrozdziale, możemy od znaku ( $s[i]$ ,  $i$ -ta cyfra) odjąć kod ASCII znaku `'0'`,<sup>†</sup> co w wyniku da wartość cyfry reprezentowanej przez ten znak.

Proponujemy taką postać całej funkcji:

```
int decimal(string s)
{
    int w{ };
    for(int i{ }; i < s.length(); i++)
        w = w * 2 + s[i] - '0';
    return w;
}
```

\*William Horner żył na przełomie XVIII i XIX w., ale ten sposób znany był już wcześniej Newtonowi i matematykom chińskim (tym ostatnim już w XII w.)

<sup>†</sup>Lub sam znak `'0'`, co na jedno wyjdzie.

Jak widać trick Hornera pozwala na bardzo zwięzły zapis funkcji, a poza tym – co można pokazać – wymaga minimalnej ilości działań arytmetycznych.

Jest jeszcze jedno narzędzie, które możemy teraz wyciągnąć z szuflady: pętlę *for-each* (wymawiaj: *for iicz*), czyli *dla każdego*. Ten typ pętli pojawił się w języku C++ stosunkowo niedawno – wprowadzono go, gdyż doskonale nadaje się do przejrzystego zapisu „spaceru” po elementach struktury danych: tablicy, wektora czy zbioru (**set**). Zamiast podawania zakresu indeksów (numerów) elementów, używa się po prostu kolejnych elementów reprezentowanych przez zmienną o odpowiednim typie. Tak więc zamiast tradycyjnej pętli przeglądającej string możemy zastosować pętlę z użyciem zmiennej *c* typu znakowego (**char**):

```
int decimal(string s)
{
    int w{ };
    for(char c : s)
        w = w * 2 + c - '0';
    return w;
}
```

Należy to rozumieć: *dla każdego znaku w stringu s wykonaj to czy tamto*. No właśnie: „dla każdego”, czyli **for each**.<sup>‡</sup>

Działanie funkcji możemy przetestować przy pomocy przykładowego programu:

```
int main()
{
    string s;
    cin >> s;
    cout << decimal(s) << '\n';
    return 0;
}
```

Na przykład po wpisaniu liczby dwójkowej 11010 otrzymamy wynik 26.

Uzupełnienie programu pozostawiamy Czytelnikowi – jak w poprzednim podrozdziale.

---

<sup>‡</sup>Tego rodzaju pętla należała już wcześniej do standardu języka Javascript, narzędzia niezwykle użytecznego i powszechnie używanego w tak zwanym *front-endzie*.